ゲート制御型量子ドットを用いた 量子情報処理

阿部 英介 慶應義塾大学 スピントロニクス研究センター

応用物理情報特別講義A 2017年度春学期後半 金曜4限@14-202

量子情報に関する参考書

- M. A. Nielsen & I. L. Chuang (2000)
 - "Quantum Computation and Quantum Information" (邦訳あり)
- ・ 量子コンピュータ授業
 - https://www.youtube.com/playlist?list=PLB1
 324F2305C028F7
 - http://www.appi.keio.ac.jp/Itoh_group/abe/
- 阿部英介, 伊藤公平
 - "**固体量子情報デバイスの現状と将来展望**—万能 ディジタル量子コンピュータの実現に向けて"

応用物理 **86**, (6) 453 (2017)

ディビンチェンゾの要請

- 量子計算の要素技術
 - 1. スケーラブルな量子ビット列
 - 2. 初期化
 - 3. ユニバーサル量子ゲート
 - 4. 長いコヒーレンス時間
 - 5. 射影測定

• 量子通信の要素技術

- 6. 物質量子ビットと飛行量子ビットの接続
- 7. 遠隔地間での飛行量子ビットのやり取り

arXiv:cond-mat/9612126 (1996) "Topics in Quantum Computers" DiVincenzo

ディビンチェンゾの要請

- 量子計算の要素技術
 - 1. 単一スピン列・格子
 - 2. スピンの向きを揃える
 - 3. スピン回転とスピン間相互作用
 - 4. スピン歳差の持続(T₂)
 - 5. スピンの向きの測定
- 量子通信の要素技術
 - 6. スピン-光子量子もつれ
 - 7. スピン-スピン量子もつれ

arXiv:cond-mat/9612126 (1996) "Topics in Quantum Computers" DiVincenzo

量子ドット量子コンピュータ



2-dimensional electron gas



after a proposal by Loss and DiVincenzo PRA (1998)

© Lars Schreiber (http://www.quantuminfo.physik.rwthaachen.de/cms/Quantuminfo/Forschung/Institut-fuer-Quantentechnologie/~eyea/Bluhm-SiGe/?lidx=1)

Phys. Rev. A 57, 120 (1998) Loss & DiVincenzo



・単一量子ドットの伝導とスピン クーロンダイヤモンド 単一スピン単発読み出し ・直列二重量子ドットの伝導とスピン スタビリティダイヤグラム 二電子スピン状態の制御

と書

- W. G. van der Wiel *et al.*
 - "Electron transport through double quantum dots"
 Rev. Mod. Phys. 75, 1 (2003)
- R. Hanson *et al.*
 - "Spins in few-electron quantum dots" Rev. Mod. Phys. 79, 1217 (2007)
- F. Zwanenburg *et al.*
 - "Silicon quantum electronics"Rev. Mod. Phys. 85, 961 (2013)



金属超微粒子の理論

JOURNAL OF THE PHYSICAL SOCIETY OF JAPAN, Vol. 17, No. 6, JUNE, 1962

Electronic Properties of Metallic Fine Particles. I.

Ryogo Kubo

Department of Physics University of Tokyo, Tokyo (Received February 28, 1962)

The level spacing of quantized electronic states becomes fairly large in very fine particles. For instance, it will be comparable to kT at $T=1^{\circ}K$ if the linear dimension of a particle is 50 Å or so. Thermal properties may show considerable deviations from the normal bulk values for such fine particles. The heat capacity will be reduced to about two-thirds and the paramagnetic susceptibility may be enhanced. Even more important effects are expected for relaxation processes. They are discussed briefly, but more detailed treatments will be given in a forth-coming paper.

J. Phys. Soc. Jpn. 17, 975 (1962) Kubo

半導体量子ドット

縦型(vertical)

横型(lateral)





Rep. Prog. Phys. 64, 701 (2001) Kouwenhoven et al.



Rev. Mod. Phys. **79**, 1217 (2007) Hanson *et al.* Phys. Rev. B **61**, 16315 (2000) Ciorga *et al.*

0.3 μm

QDのクーロンダイヤモンド 単







Nature Nano. 5, 502 (2010) Fuechsle et al.

定相互作用モデル

(Constant interaction)



- QDをキャパシタ回路でモデル化
- QD内にはN個の電子
- V_{1,2,3}はドットが形成されたら固定(C_{S/D}, R_{S/D}に寄与)
- V_gはQD準位の操作のみで電流は流れない(プランジャーゲート)

定相互作用モデル

QDの電荷Qと電圧V $Q = -(N - N_0)e = C_S(V - V_S) + C_a(V - V_a) + C_D(V - V_D)$ $V = \frac{-(N - N_0)e + C_S V_S + C_g V_g + C_D V_D}{C_{\Sigma}}$ Rs $C_{\Sigma} = C_S + C_g + C_D$ N_0 : 背景正電荷の補償分 V_s -Ne 全エネルギー $U(N) = \frac{1}{2C_{\Sigma}} \left[-(N - N_0)e + C_S V_S + C_g V_g + C_D V_D \right]^2 + \sum_{n=1}^{N} E_n$ $= \frac{e^2}{2C_{\rm T}}N^2 - \frac{e^2}{C_{\rm T}}NN_0 - \frac{e}{C_{\rm T}}N(C_S V_S + C_g V_g + C_D V_D) + E_N + \cdots$

定相互作用モデル

電気化学ポテンシャル

$$\mu(N) \equiv U(N) - U(N-1)$$

$$= \frac{e^2}{C_{\Sigma}} \left(N - N_0 - \frac{1}{2} \right) - \frac{e}{C_{\Sigma}} \left(C_S V_S + C_g V_g + C_D V_D \right) + E_N$$

付加(addition)エネルギー

$$E_{\text{add}}(N) = \mu(N+1) - \mu(N) = E_C + \Delta E$$

$$E_C = \frac{e^2}{C_{\Sigma}}$$
:帯電エネルギー



QD準位、ソース、ドレインのµ の相対位置で伝導を理解する





励起状態

電子数Nに対して許される状態(軌道・スピン)は1つとは限らない







クーロンダイヤモンド

低バイアス領域

 $|\mu_{\rm S} - \mu_{\rm D}| \approx 0$



$$\xrightarrow{O} V_{g}(V)$$

$$GS(N-1) \rightarrow GS(N)$$

クーロンダイヤモンド



クーロンダイヤモンド



クーロンダイヤモンド



クーロンダイヤモンド



クーロンダイヤモンド



クーロンダイヤモンド



-ロンダイヤモンド







Nature Nano. 5, 502 (2010) Fuechsle et al.



・単一量子ドットの伝導とスピン -クーロンダイヤモンド -単一スピン単発読み出し ・ 直列二重量子ドットの伝導とスピン - スタビリティダイヤグラム - 二電子スピン状態の制御





- QPCの伝導が、(静電結合した)近傍の QDに状態変化に応じて変化すること を利用
- 非破壊、実時間観測
- QDの伝導測定が困難な領域でも感度 を有する



Phys. Rev. B 67, 161308 (2003) Elzerman et al.

単一スピン単発読み出し





 $E_{\rm Z} \approx 200 \ \mu {\rm eV} \ @B = 10 \ {\rm T}$ $k_{\rm B}T_{\rm e} \approx 25 \ \mu {\rm eV} \ @T_{\rm e} = 300 \ {\rm mK}$ $\Delta E_{\rm orb} \approx 1 \ {\rm meV}$

スピン-電荷変換

磁気モーメントそのものではなくスピン に依存した量(エネルギー、トンネルレー ト etc)を電流/電荷の変化として読み出す



Nature 430, 431 (2004) Elzerman et al.

実験プロトコル(スピン↑)



実験プロトコル(スピン↓)



『ン単発読み出 しょ







T₁測定と読み出し精度



Nature 430, 431 (2004) Elzerman et al.



直列二重量子ドット





各QDの電荷のつり合い

$$-eN_1 = C_S(V_1 - V_S) + C_{11}(V_1 - V_{g1}) + C_m(V_1 - V_2) + C_{12}(V_1 - V_{g2})$$
$$-eN_2 = C_D(V_2 - V_D) + C_{22}(V_2 - V_{g2}) + C_m(V_2 - V_1) + C_{21}(V_2 - V_{g1})$$

直列二重量子ドット

各QDの電荷のつり合い

$$-eN_1 = C_S(V_1 - V_S) + C_{11}(V_1 - V_{g1}) + C_m(V_1 - V_2) + C_{12}(V_1 - V_{g2})$$
$$-eN_2 = C_D(V_2 - V_D) + C_{22}(V_2 - V_{g2}) + C_m(V_2 - V_1) + C_{21}(V_2 - V_{g1})$$

行列表示

$$\begin{pmatrix} -eN_1 + \rho_1 \\ -eN_2 + \rho_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} C_1 & -C_m \\ -C_m & C_2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \end{pmatrix}$$
$$\boldsymbol{q} \qquad \boldsymbol{c} \qquad \boldsymbol{v}$$

全エネルギー

$$U = \frac{1}{2}\boldsymbol{v} \cdot \boldsymbol{c}\boldsymbol{v} = \frac{1}{2}\boldsymbol{c}^{-1}\boldsymbol{q} \cdot \boldsymbol{q}$$

$$\rho_{1} = C_{S}V_{S} + C_{11}V_{g1} + C_{12}V_{g2}$$

$$\rho_{2} = C_{D}V_{D} + C_{22}V_{g2} + C_{21}V_{g1}$$

$$C_{1} = C_{S} + C_{11} + C_{m} + C_{12}$$

$$C_{2} = C_{D} + C_{22} + C_{m} + C_{21}$$

直列二重量子ドット

全エネルギー

$$U = \frac{1}{2} c^{-1} q \cdot q = \frac{1}{2(C_1 C_2 - C_m^2)} \begin{pmatrix} C_2 & C_m \\ C_m & C_1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -eN_1 + \rho_1 \\ -eN_2 + \rho_2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -eN_1 + \rho_1 \\ -eN_2 + \rho_2 \end{pmatrix}$$
$$= \frac{C_2 (-eN_1 + \rho_1)^2 + 2C_m (-eN_1 + \rho_1)(-eN_2 + \rho_2) + C_1 (-eN_2 + \rho_2)^2}{2(C_1 C_2 - C_m^2)}$$

ドット1の電気化学ポテンシャル(ドット2も同様)

$$\mu_1(N_1, N_2) \equiv U(N_1, N_2) - U(N_1 - 1, N_2)$$

$$= \left(N_1 - \frac{1}{2}\right)E_{C1} + N_2E_{Cm} - \frac{\rho_1}{e}E_{C1} - \frac{\rho_2}{e}E_{Cm}$$

$$E_{C1} = \frac{e^2 C_2}{C_1 C_2 - C_m^2} \qquad E_{Cm} = \frac{e^2 C_m}{C_1 C_2 - C_m^2} \qquad E_{C2} = \frac{e^2 C_1}{C_1 C_2 - C_m^2}$$
スタビリティダイアグラム

 $C_m \rightarrow 0$



独立のドットと して振る舞う

相互に影響しあう

1つのドットとし て振る舞う











ハニカム構造









GaAs 2DEG



Phys. Rev. Lett. 93, 186802 (2004) Petta et al.

Ge/Siコア/シェルナノチューブ



- Geコア内に正孔ガスが蓄積
- QD電荷計(クーロンピークのスロープを利用)とカプラCで静電結合

Nature Nano. **2**, 622 (2007) Hu *et al.* Nature Nano. **7**, 47 (2012) Hu *et al.*

Ge/Siコア/シェルナノチューブ





バイアストライアングル (1,1)(0,1) $\mu_1(1,1) = -eV_{SD}$ $\mu_1(1,1) = 0$ $(1,0)_{-}$ (0,1) $\mu_2(1,1) = 0$ $\mu_2(0,1) = 0$ (1,0)(0,0) $\mu_1(1,0) = -eV_{SD}$ $\mu_1(1,0) = 0$

バイアストライアングル (1,1)(0,1) $\mu_1(1,1) = -eV_{SD}$ $\mu_1(1,1) = 0$ $\mu_2(1,1) = 0$ $\mu_2(0,1) = 0$ (1,0),(0,1), (1,0)(0,0) $\mu_1(1,0) = -eV_{SD}$ $\mu_1(1,0) = 0$

バイアストライアングル (1,1)(0,1) $\mu_1(1,1) = -eV_{SD}$ $\mu_1(1,1) = 0$ (1,0) (0,1) $\mu_2(1,1) = 0$ $\mu_2(0,1) = 0$ (1,0),(0,1), (1,0) (0,1) (0,0)(1,0) $\mu_1(1,0) = -eV_{SD}$ $\mu_1(1,0) = 0$



GaAs 2DEG



カーボンナノチューブ



from Wikipedia





Nature Nano. 4, 363 (2009) Steele et al.



Nature Nano. 4, 363 (2009) Steele et al.

クライントンネリング













電子→陽電子→電子による障壁透過(クライントンネル)に類似 半導体ではバンド間トンネルに相当

Nature Nano. 4, 363 (2009) Steele et al.



単一量子ドットの伝導とスピン クーロンダイヤモンド 単一スピン単発読み出し 直列二重量子ドットの伝導とスピン スタビリティダイヤグラム

- 二電子スピン状態の制御





(1,1)状態

 $|T_+\rangle = |\uparrow\uparrow\rangle$ $|T_0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|\uparrow\downarrow\rangle + |\downarrow\uparrow\rangle)$ 通常無視できる |T(0,2)) $|T_{-}\rangle = |\downarrow\downarrow\rangle$ $E_{\rm ST} \approx 1 \, {\rm meV}$ $|T(1,1)\rangle$ 位置関係は定で決まる $\approx 4t_{\rm C}^2/E_{\rm C}$ $|S(0,2)\rangle$ $|S(1,1)\rangle$ ε ≈ 0でハイブリダイズ

(0,2)状態





ニ電子スピン状態

 $B \neq 0$



二電子スピン状態

$$\epsilon \ll 0$$
のとき $\begin{pmatrix} 0 & g\mu_B \Delta B_{N,z} \\ g\mu_B \Delta B_{N,z} & 0 \end{pmatrix}$

S-T₀状態 $|S\rangle \approx |S(1,1)\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|\uparrow\downarrow\rangle - |\downarrow\uparrow\rangle)$ $|T_0\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|\uparrow\downarrow\rangle + |\downarrow\uparrow\rangle)$



Nature 435, 925 (2005) Johnson et al.

核磁場下での固有状態(ε > 0から断熱的にεを下げると実現)

$$\frac{1}{\sqrt{2}}(|T_0\rangle + |S\rangle) = |\uparrow\downarrow\rangle \quad \frac{1}{\sqrt{2}}(|T_0\rangle - |S\rangle) = |\downarrow\uparrow\rangle$$

ニ電子スピン状態

 $B \neq 0$



スピンブロッケイド





一電子領域ではバイアス方向に対して**対称**

Phys. Rev. B **72**, 165308 (2005) Johnson *et al.* (cf. Science **297**, 1313 (2002) Ono *et al.*)

スピンブロッケイド



スピンブロッケイド



1 G_{S2} G 65432 1 µm S S

10 11

12

Phys. Rev. B **72**, 165308 (2005) Johnson *et al.* (cf. Science **297**, 1313 (2002) Ono *et al.*)

スピンブロッケイド





Phys. Rev. B **72**, 165308 (2005) Johnson *et al.* (cf. Science **297**, 1313 (2002) Ono *et al.*)

スピンブロッケイド



スピンブロッケイド

12

S

1

1 µm

G_{S2}



単一スピン磁気共鳴







- 絶縁膜を挟んでドット上にストリップ ライン構造を作成
- 読み出しにスピンブロッケイドを利用 (低周波数での動作)
- ゼロ磁場付近では核磁場によるスピン ブロッケイド解除



Nature 442, 766 (2006) Koppens et al.

単一スピン磁気共鳴







- 読み出しにスピンブロッケイドを利用 (低周波数での動作)
- ゼロ磁場付近では核磁場によるスピン ブロッケイド解除





Nature 442, 766 (2006) Koppens et al.




元のスピンが回転する場合



ラビ振動



Nature 442, 766 (2006) Koppens et al.



Research Articles

Coherent Manipulation of Coupled Electron Spins in Semiconductor Quantum Dots

J. R. Petta,¹ A. C. Johnson,¹ J. M. Taylor,¹ E. A. Laird,¹ A. Yacoby,² M. D. Lukin,¹ C. M. Marcus,¹ M. P. Hanson,³ A. C. Gossard³

We demonstrated coherent control of a quantum two-level system based on two-electron spin states in a double quantum dot, allowing state preparation, coherent manipulation, and projective readout. These techniques are based on rapid electrical control of the exchange interaction. Separating and later recombining a singlet spin state provided a measurement of the spin dephasing time, T_2^* , of ~10 nanoseconds, limited by hyperfine interactions with the gallium arsenide host nuclei. Rabi oscillations of two-electron spin states were demonstrated, and spin-echo pulse sequences were used to suppress hyperfine-induced dephasing. Using these quantum control techniques, a coherence time for two-electron spin states exceeding 1 microsecond was observed.

AAAS Newcomb Cleveland Prize in 2006

Science 309, 2180 (2005) Petta et al.

J結合の制御











Science 309, 2180 (2005) Petta et al.







Science 309, 2180 (2005) Petta et al.





Science **309**, 2180 (2005) Petta et al.

GaAs系での進展

Coherent Control of a Single Electron Spin with Electric Fields

K. C. Nowack,*† F. H. L. Koppens,† Yu. V. Nazarov, L. M. K. Vandersypen*

Science 318, 1430 (2007) Nowack et al.

Demonstration of Entanglement of Electrostatically Coupled Singlet-Triplet Qubits

M. D. Shulman, 1* O. E. Dial, 1* S. P. Harvey, 1 H. Bluhm, $^{1}\dagger$ V. Umansky, 2 A. Yacoby $^{1}\ddagger$

Science 336, 202 (2012) Shulman et al.

Self-consistent measurement and state tomography of an exchange-only spin qubit

J. Medford¹, J. Beil^{1,2}, J. M. Taylor³, S. D. Bartlett⁴, A. C. Doherty⁴, E. I. Rashba¹, D. P. DiVincenzo^{5,6}, H. Lu⁷, A. C. Gossard⁷ and C. M. Marcus^{1,2}*

Nature Nano. 8, 654 (2013) Medford et al.

Single-spin CCD

T. A. Baart^{1†}, M. Shafiei^{1†}, T. Fujita¹, C. Reichl², W. Wegscheider² and L. M. K. Vandersypen^{1*}

Nature Nano. 11, 330 (2016) Baart et al.

Single-Shot Correlations and Two-Qubit Gate of Solid-State Spins

K. C. Nowack,¹* M. Shafiei,¹ M. Laforest,¹† G. E. D. K. Prawiroatmodjo,¹ L. R. Schreiber,¹ C. Reichl,² W. Wegscheider,² L. M. K. Vandersypen¹*

Science **333**, 1269 (2011) Nowack et al.



SiGe, MOS系での進展

Coherent singlet-triplet oscillations in a silicon-based double quantum dot

B. M. Maune¹, M. G. Borselli¹, B. Huang¹, T. D. Ladd¹, P. W. Deelman¹, K. S. Holabird¹, A. A. Kiselev¹, I. Alvarado-Rodriguez¹, R. S. Ross¹, A. E. Schmitz¹, M. Sokolich¹, C. A. Watson¹, M. F. Gyure¹ & A. T. Hunter¹

Nature 481, 344 (2012) Maune et al.

Electrical control of a long-lived spin qubit in a Si/SiGe quantum dot

E. Kawakami^{1‡}, P. Scarlino^{1‡}, D. R. Ward², F. R. Braakman^{1†}, D. E. Savage², M. G. Lagally², Mark Friesen², S. N. Coppersmith², M. A. Eriksson² and L. M. K. Vandersypen^{1*}

Nature Nano. 9, 666 (2014) Kawakami et al.

An addressable quantum dot qubit with fault-tolerant control-fidelity

M. Veldhorst^{1*}, J. C. C. Hwang¹, C. H. Yang¹, A. W. Leenstra², B. de Ronde², J. P. Dehollain¹, J. T. Muhonen¹, F. E. Hudson¹, K. M. Itoh³, A. Morello¹ and A. S. Dzurak^{1*}

Nature Nano. 9, 981 (2014) Veldhorst et al.

A two-qubit logic gate in silicon

M. Veldhorst¹, C. H. Yang¹, J. C. C. Hwang¹, W. Huang¹, J. P. Dehollain¹, J. T. Muhonen¹, S. Simmons¹, A. Laucht¹, F. E. Hudson¹, K. M. Itoh², A. Morello¹ & A. S. Dzurak¹

Nature 526, 410 (2015) Veldhorst et al.

単ードナー(Si:P)での進展

Single-shot readout of an electron spin in silicon

Andrea Morello¹, Jarryd J. Pla¹, Floris A. Zwanenburg¹, Kok W. Chan¹, Kuan Y. Tan¹, Hans Huebl¹[†], Mikko Möttönen^{1,3,4}, Christopher D. Nugroho¹[†], Changyi Yang², Jessica A. van Donkelaar², Andrew D. C. Alves², David N. Jamieson², Christopher C. Escott¹, Lloyd C. L. Hollenberg², Robert G. Clark¹[†] & Andrew S. Dzurak¹

Nature 467, 687 (2010) Morello et al.

A single-atom electron spin qubit in silicon

Jarryd J. Pla¹, Kuan Y. Tan¹[†], Juan P. Dehollain¹, Wee H. Lim¹, John J. L. Morton²[†], David N. Jamieson³, Andrew S. Dzurak¹ & Andrea Morello¹

Nature 489, 541 (2012) Pla et al.

High-fidelity readout and control of a nuclear spin qubit in silicon

Jarryd J. Pla¹, Kuan Y. Tan¹[†], Juan P. Dehollain¹, Wee H. Lim¹[†], John J. L. Morton², Floris A. Zwanenburg¹[†], David N. Jamieson³, Andrew S. Dzurak¹ & Andrea Morello¹



Nature 496, 334 (2013) Pla et al.

ディビンチェンゾの要請

- 量子計算の要素技術
 - 1. スケーラブルな量子ビット列…×
 - 2. 初期化…〇
 - 3. ユニバーサル量子ゲート… 〇
 - 4. 長いコヒーレンス時間…〇
 - 5. 射影測定…〇
- 量子通信の要素技術
 - 物質量子ビットと飛行量子ビットの接続
 遠隔地間での飛行量子ビットのやり取り

arXiv:cond-mat/9612126 (1996) "Topics in Quantum Computers" DiVincenzo

と書

- W. G. van der Wiel *et al.*
 - "Electron transport through double quantum dots"
 Rev. Mod. Phys. 75, 1 (2003)
- R. Hanson *et al.*
 - "Spins in few-electron quantum dots" Rev. Mod. Phys. 79, 1217 (2007)
- F. Zwanenburg *et al.*
 - "Silicon quantum electronics"Rev. Mod. Phys. 85, 961 (2013)